

**Lista 12, Exercício 2, Grupo 11:** Gabriel, Aline e Gabriela

(a) De acordo com a equação da continuidade, temos

$$\nabla \cdot \mathbf{j} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}. \quad (1)$$

Integrando de ambos os lados, e usando o teorema da divergência temos que

$$\int \mathbf{j} \cdot d\mathbf{a} = -\frac{\partial}{\partial t} \int \rho d^3r, \quad (2)$$

nos conduzindo a

$$I = \frac{\partial q}{\partial t}. \quad (3)$$

Integrando ambos os lados da Eq.(3) em relação ao tempo, resulta que

$$q(t) = It \quad (4)$$

(b) O potencial no capacitor de placas paralelas é dado por

$$V = Ed. \quad (5)$$

Mas, da definição da capacitância,

$$V = \frac{Q}{C}. \quad (6)$$

Usando as Eqs. (4), (5) e (6)

$$\mathbf{E} = \frac{It}{Cd} \hat{k} \quad (7)$$

Portanto, a corrente de deslocamento é

$$\mathbf{J}_d = \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \epsilon_0 \frac{I}{Cd} \hat{k}, \quad (8)$$

Onde C é a capacitância, dada por  $C = \frac{\epsilon_0 \pi R^2}{d}$ . Com isso, a corrente de deslocamento é

$$\mathbf{J}_d = \frac{I}{\pi R^2} \hat{k}. \quad (9)$$

(c) Pela lei de Ampere temos que, entre as placas, para  $\rho < R$ :

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_0 \int \mathbf{J}_d \cdot d\mathbf{a} \quad \Rightarrow B(2\pi r) = \mu_0 \frac{I}{R^2} r^2 \quad (10)$$

Portanto, entre as placas e para  $\rho < R$ ,

$$\mathbf{B} = \mu_0 \frac{I}{2\pi R^2} r \hat{\phi} \quad (11)$$

Para o fio condutor de corrente, a lei de Ampere fica:

$$B(2\pi r) = \mu_0 I \quad \Rightarrow \mathbf{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \hat{\phi} \quad (12)$$

(d) Entre as placas, para  $\rho > R$ , a lei de Ampere é:

$$B(2\pi r) = \mu_0 \frac{I}{\pi R^2} (\pi R^2) \Rightarrow \mathbf{B} = \mu_0 \frac{I}{2\pi r} \hat{\phi} \quad (13)$$

Note que a Eq.(13) e igual a Eq.(12), como deve ser.